

式の展開（置き換え）

入試対策



次の式を展開しなさい。

$$(1) \quad (4a + 7b - 3)(4a - 3)$$

$$= (4a - 3 + 7b)(4a - 3)$$

$$= (x + 7b)x$$

$$= x^2 + 7bx$$

$$= (4a - 3)^2 + 7b(4a - 3)$$

$$= \frac{16a^2 - 24a + 9 + 28ab - 21b}{4}$$

$4a - 3 = X$ とおく

$$(2) \quad (a + b - 1)^2$$

$a + b = X$ とおく

$$= (x - 1)^2$$

$$= x^2 - 2x + 1$$

$$= (a + b)^2 - 2(a + b) + 1$$

$$= \frac{a^2 + 2ab + b^2 - 2a - 2b + 1}{4}$$

$$(3) \quad (x - 4y - 2)(x + 4y + 2)$$

$4y + 2 = X$ とおく

$$= \{x - (4y + 2)\} \{x + (4y + 2)\}$$

$$= (x - X)(x + X)$$

$$= x^2 - X^2$$

$$= x^2 - (4y + 2)^2$$

$$= x^2 - (16y^2 + 16y + 4)$$

$$= \frac{x^2 - 16y^2 - 16y - 4}{4}$$

$$(4) \quad (x - 7y + 5)^2$$

$$= (x + 5)^2$$

$$= x^2 + 10x + 25$$

$$= (x - 7y)^2 + 10(x - 7y) + 25$$

$$= x^2 - 14xy + 49y^2 + 10x - 70y + 25$$

$x - 7y = X$ とおく

$$(5) \quad (x - 3y + 2)(x + 3y + 2)$$

$x + 2 = X$ とおく

$$= (x + 2 - 3y)(x + 2 + 3y)$$

$$= (x - 3y)(x + 3y)$$

$$= x^2 - 9y^2$$

$$= (x + 2)^2 - 9y^2$$

$$= \frac{x^2 + 4x + 4 - 9y^2}{4}$$

$$(6) \quad (x + 2y - 3)(x - 2y + 3)$$

$2y - 3 = X$ とおく

$$= \{x + (2y - 3)\} \{x - (2y - 3)\}$$

$$= (x + X)(x - X)$$

$$= x^2 - X^2$$

$$= x^2 - (2y - 3)^2$$

$$= x^2 - (4y^2 - 12y + 9)$$

$$= \frac{x^2 - 4y^2 + 12y - 9}{4}$$